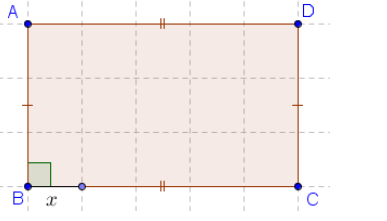
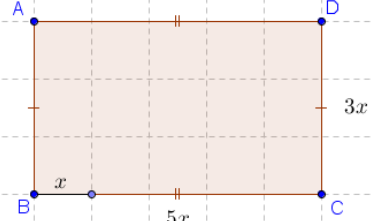
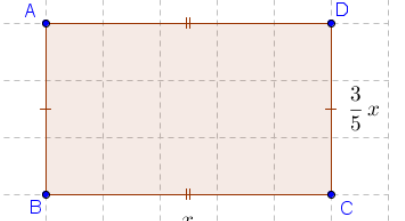
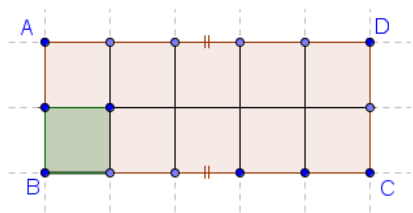
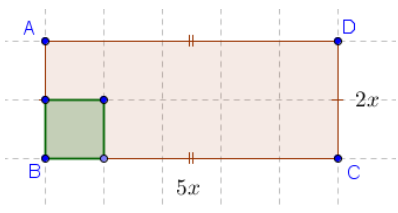
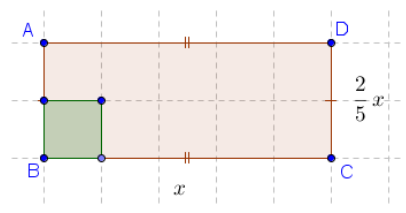


Un rettangolo ha le dimensioni che sono una i $\frac{3}{5}$ dell'altra e il perimetro misura 192 cm. Esegui un disegno in scala e calcola la misura dell'area e della sua diagonale.

$h = \frac{3}{5}b$ $2p = 192 \text{ cm}$	$h = \frac{3}{5}b$ $2p = 192 \text{ cm}$	$h = \frac{3}{5}b$ $2p = 192 \text{ cm}$
		
<p>Nel perimetro ($2p$) ci sono $2 \cdot (3 + 5) = 16$ parti uguali.</p> <p>Una di queste unità uguali tra loro (x), quindi, misura:</p> $x = \frac{192}{16} = \frac{96}{8} = \frac{48}{4} = 12 \text{ cm}$ $b = 5x = 5 \cdot 12 = 60 \text{ cm}$ $h = 3x = 3 \cdot 12 = 36 \text{ cm}$ $A = b \cdot h = 60 \cdot 36 = 2160 \text{ cm}^2$ $d = \sqrt{b^2 + h^2} = \sqrt{60^2 + 36^2}$ $d = \sqrt{4896} \approx 69,97 \text{ cm}$ $d = \sqrt{4896} = 12\sqrt{34} \text{ cm}$ <p>Perché $4896 = 2^5 \cdot 3^2 \cdot 17$</p>	<p>Utilizzando una equazione e indicando le parti uguali con x si ha che il perimetro ($2p$) è uguale alla somma di queste</p> $5x + 3x + 5x + 3x = 192 \text{ cm}$ $\frac{16x}{16} = \frac{192}{16}$ $x = \frac{192}{16} = \frac{96}{8} = \frac{48}{4} = \frac{24}{2} = 12$ $b = 5x = 5 \cdot 12 = 60 \text{ cm}$ $h = 3x = 3 \cdot 12 = 36 \text{ cm}$ <p>...</p>	<p>Utilizzando una equazione e indicando con x la base si ha che il perimetro ($2p$) è uguale a</p> $x + \frac{3}{5}x + x + \frac{3}{5}x = 192 \text{ cm}$ $\frac{5 + 3 + 5 + 3}{5}x = 192$ $\frac{16}{5}x = 192$ $\frac{5}{16} \cdot \frac{16}{5}x = 192 \cdot \frac{5}{16}$ $x = 192 \cdot \frac{5}{16} = 12 \cdot 5 = 60 \text{ cm}$ $b = x = 60 \text{ cm}$ $h = \frac{3}{5}b = \frac{3}{5} \cdot 60 = 36 \text{ cm}$ <p>...</p>

Un rettangolo ha le dimensioni che sono una $\frac{2}{5}$ dell'altra e l'area misura 360 cm^2 . Esegui un disegno in scala e calcola la misura del perimetro e della sua diagonale.

$h = \frac{2}{5}b$ $A = 360 \text{ cm}^2$	$h = \frac{2}{5}b$ $A = 360 \text{ cm}^2$	$h = \frac{2}{5}b$ $A = 360 \text{ cm}^2$
		
<p>La superficie del rettangolo (A) è composta da $2 \cdot 5 = 10$ quadrati congruenti.</p> <p>Uno di questi quadrati, quindi, misura:</p> $Q = \frac{360}{10} = 36 \text{ cm}^2$ <p>Conoscendo l'area di un quadrato è possibile trovarne il lato</p> $A = l^2 \rightarrow l = \sqrt{A}$ $l = \sqrt{36} = 6 \text{ cm}$ $b = 5l = 5 \cdot 6 = 30 \text{ cm}$ $h = 2l = 2 \cdot 6 = 12 \text{ cm}$ $2p = 2 \cdot (b + h)$ $2p = 2 \cdot (30 + 12) = 84 \text{ cm}$ $d = \sqrt{b^2 + h^2} = \sqrt{30^2 + 12^2}$ $d = \sqrt{1044} \approx 32,31 \text{ cm}$ $d = \sqrt{1044} = 6\sqrt{29} \text{ cm}$ <p>Perché $1044 = 2^2 \cdot 3^2 \cdot 29$</p>	<p>Utilizzando una equazione e indicando le parti uguali con x si ha che l'area è data da</p> $5x \cdot 2x = 360 \text{ cm}^2$ $10x^2 = 360$ $\frac{10x^2}{10} = \frac{360}{10}$ $x^2 = 36 \rightarrow x = \sqrt{36} = 6 \text{ cm}$ $b = 5x = 5 \cdot 6 = 30 \text{ cm}$ $h = 2x = 2 \cdot 6 = 12 \text{ cm}$ <p>...</p>	<p>Utilizzando una equazione e indicando con x la base si ha l'area è uguale a</p> $x \cdot \frac{2}{5}x = 360 \text{ cm}^2$ $\frac{2}{5}x^2 = 360$ $\frac{5}{2} \cdot \frac{2}{5}x^2 = 360 \cdot \frac{5}{2}$ $x^2 = 360 \cdot \frac{5}{2} = 900$ $x^2 = 900 \rightarrow x = \sqrt{900} = 30 \text{ cm}$ $b = x = 30 \text{ cm}$ <p>...</p>